



Wrocław
University
of Science
and Technology

Struktury danych

Wykład 4
Kolejki

dr inż. Jarosław Rudy



HR EXCELLENCE IN RESEARCH



Kolejki (1)

- ▶ Kolejki (queue) to ADT, w którym dodawanie i usuwanie elementów jest ze sobą powiązane tj. usuwany element jest określony przez cechy elementów dodanych do tej pory (ich kolejność, priorytet itp.).
 - ▶ W praktyce kolejki utrzymują pewien (najczęściej liniowy) porządek elementów.
 - ▶ Wtedy dodawanie/usuwanie przekłada się na dodawane/usuwanie na którymś lub obu końcach kolejki.
- ▶ Podobnie jak dla listy elementy mogą się powtarzać i być różnego typu.
- ▶ Kolejki generalnie mają zmienną długość, ale rozważa się też przypadki o stałym rozmiarze.



Kolejki (2)

Typowe operacje na kolejkach:

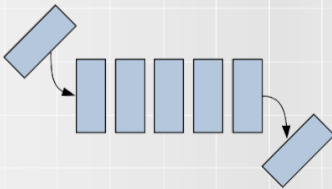
- ▶ Dodanie elementu.
- ▶ Usunięcie elemenu.
- ▶ Sprawdzenie czy kolejka jest pusta (ewentualnie zwrócenie rozmiaru).
- ▶ Podgląd elementu do usunięcia (peek), ale bez usuwania.

Aby dostać się do elementu trzeciego, najpierw należy zdjąć elementy pierwszy i drugi! Kolejki zasadniczo nie służą do dostępu do dowolnego elementu, wyszukiwania czy przeglądania.



Kolejka FIFO (1)

- ▶ Kolejka działająca wg zasady First-In First-Out (elementy dodany jako pierwszy jest usuwany jako pierwszy).
- ▶ Operacja dodawania nazywa się enqueue, elementy dodawane są do „końca” (back, tail).
- ▶ Operacja zdejmowania nazywa się dequeue, elementy zdejmowane są z „początku” (front, head).
- ▶ Bez dodatkowego kontekstu „kolejka” zwykle oznacza „kolejka FIFO”.





Kolejka FIFO (2)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (bez tail):

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addBack(e)	$O(n)$
dequeue()	removeFront()	$O(1)$
empty()	empty()	$O(1)$
peek()	get(0)	$O(1)$

Albo:

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addFront(e)	$O(1)$
dequeue()	removeBack()	$O(n)$
empty()	empty()	$O(1)$
peek()	get($n - 1$)	$O(n)$



Kolejka FIFO (3)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (z tail) lub dwukierunkowej:

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addBack(e)/addFront(e)	$O(1)$
dequeue()	removeFront()/removeBack()	$O(1)$
empty()	empty()	$O(1)$
peek()	get(0)/get($n - 1$)	$O(1)$

Implementacja jest wydajna, ale współdzieli wady listy wiązanej (zajętość pamięci $2n + O(1)$, słabsza współpraca z pamięcią podręczną).



Kolejka FIFO (4)

Implementacja z użyciem tablicy dynamicznej:

Operacja kolejki	Operacja tablicy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addBack(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
dequeue()	removeFront()	$O(1)$ (amortyzowany)
empty()	empty()	$O(1)$
peek()	get(0)	$O(1)$

Albo:

Operacja kolejki	Operacja tablicy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addFront(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
dequeue()	removeBack()	$O(1)$ (amortyzowany)
empty()	empty()	$O(1)$
peek()	get($n - 1$)	$O(1)$



Kolejka FIFO (5)

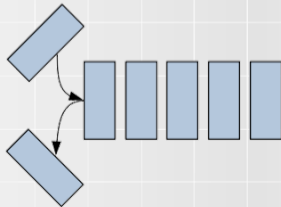
Niektóre zastosowania:

- ▶ Bufory.
- ▶ Przechowywanie żądań obsługiwanych w kolejności zgłoszeń.
- ▶ Modelowanie kolejek sklepowych.
- ▶ Przegląd wszcz drzewa.
- ▶ Potoki w unixie.
- ▶ Komunikacja strumieniowa (np. TCP).



Stos (1)

- ▶ W stosie (ADT) element dodany najpóźniej jest zdejmowany jako pierwszy. Stos jest więc kolejką LIFO (Last-In First-Out).
- ▶ Elementy są więc dodawane i usuwane z tego samego końca (szczytu).
- ▶ Operacja dodawania nazywa się `push()`.
- ▶ Operacja zdejmowania nazywa się `pop()`.
- ▶ Operacja `peek` często nazywa się `top()`.





Stos (2)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (bez tail):

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addBack(e)	$O(n)$
dequeue()	removeBack()	$O(n)$
empty()	empty()	$O(1)$
top()	get($n - 1$)	$O(n)$

Albo:

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addFront(e)	$O(1)$
dequeue()	removeFront()	$O(1)$
empty()	empty()	$O(1)$
top()	get(0)	$O(1)$



Stos (3)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (z tail) lub dwukierunkowej:

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addFront(e)/addBack(e)	$O(1)$
dequeue()	removeFront()/removeBack()	$O(1)$
empty()	empty()	$O(1)$
top()	get(0)/get($n - 1$)	$O(1)$



Stos (4)

Implementacja z użyciem tablicy dynamicznej:

Operacja kolejki	Operacja tablicy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addBack(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
dequeue()	removeBack()	$O(1)$ (amortyzowany)
empty()	empty()	$O(1)$
top()	get($n - 1$)	$O(1)$

Albo:

Operacja kolejki	Operacja tablicy	Czas pesymistyczny
enqueue(e)	addFront(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
dequeue()	removeFront()	$O(1)$ (amortyzowany)
empty()	empty()	$O(1)$
top()	get(0)	$O(1)$



Stos (5)

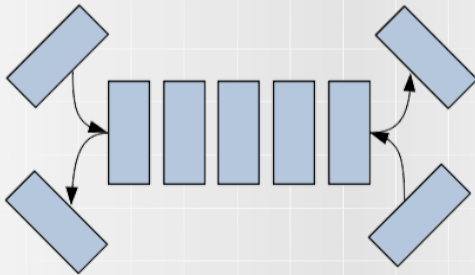
Niektóre zastosowania:

- ▶ Parsowanie wyrażeń (np. arytmetycznych) zapisanych w odwrotnej notacji polskiej.
- ▶ Przegląd w głąb drzewa.
- ▶ Algorytmy z nawrotami (backtracking).
- ▶ Stos programowy.



Kolejka dwukierunkowa (1)

- ▶ Kolejka, w której można dodawać i usuwać elementy na obu końcach.
- ▶ Double-ended que = deque (czyt. „dek”).
- ▶ Nie mylić z operacją dequeue (czyt. „dikju”) kolejki FIFO!





Kolejka dwukierunkowa (2)

- ▶ Stos i kolejka FIFO mogą być traktowane jako uszczegółwienie deque.
- ▶ Deque może być traktowana jako uszczegółwienie listy.

Operacja	List	Deque	FIFO	Stack
addFront(<i>e</i>)	✓	✓	✗	✓
removeFront()	✓	✓	✓	✓
addBack(<i>e</i>)	✓	✓	✓	✗
removeBack()	✓	✓	✗	✗
add(<i>e</i> , <i>i</i>)	✓	✗	✗	✗
remove(<i>i</i>)	✓	✗	✗	✗



Kolejka dwukierunkowa (3)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (bez tail):

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
addFront(<i>e</i>)	addFront(<i>e</i>)	$O(1)$
addBack(<i>e</i>)	addBack(<i>e</i>)	$O(n)$
removeFront()	removeFront()	$O(1)$
removeBack()	removeBack()	$O(n)$
empty()	empty()	$O(1)$
front()	get(0)	$O(1)$
back()	get($n - 1$)	$O(n)$



Kolejka dwukierunkowa (4)

Implementacja z użyciem listy wiązanej jednokierunkowej (z tail) lub dwukierunkowej:

Operacja kolejki	Operacja listy	Czas pesymistyczny
addFront(<i>e</i>)	addFront(<i>e</i>)	$O(1)$
addBack(<i>e</i>)	addBack(<i>e</i>)	$O(1)$
removeFront()	removeFront()	$O(1)$
removeBack()	removeBack()	$O(1)$
empty()	empty()	$O(1)$
front()	get(0)	$O(1)$
back()	get($n - 1$)	$O(1)$



Kolejka dwukierunkowa (5)

Implementacja z użyciem tablicy dynamicznej:





Operacja kolejki	Operacja tablicy	Czas pesymistyczny
addFront(e)	addFront(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
addBack(e)	addBack(e)	$O(1)$ (amortyzowany)
removeFront()	removeFront()	$O(1)$ (amortyzowany)
removeBack()	removeBack()	$O(1)$ (amortyzowany)
empty()	empty()	$O(1)$
front()	get(0)	$O(1)$
back()	get($n - 1$)	$O(1)$

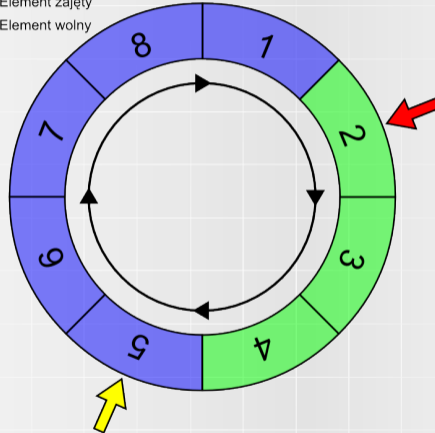


Kolejka cykliczna (1)

- ▶ Kolejka (bufor) cykliczny jest strukturą danych, zwykle o stałym rozmiarze.
- ▶ Najczęściej działa w charakterze FIFO.
- ▶ Dwa wskaźniki na aktualny początek (odczyt) i koniec (zapis) kolejki.
- ▶ Pozycje wskaźników aktualizowane przy operacjach dodawania i zdejmowania.
- ▶ Stare dane są zapisywane przez nowe.
- ▶ Teoretycznie może służyć do przesyłu dowolnie dużych danych
 - ▶ Gdy jeden wskaźnik dogoni drugi, operacja możliwa dopiero po przesunięciu drugiego wskaźnika.

Kolejka cykliczna (2)

-  Wskaźnik odczytu
-  Wskaźnik zapisu
-  Element zajęty
-  Element wolny





Kolejka cykliczna (3)

- ▶ Prostota, oszczędność miejsca, szybki dostęp.
- ▶ Ograniczony rozmiar.
 - ▶ Dynamiczne bufory cykliczne.
- ▶ Stosowane np. do implementacji bufora klawiatury.
- ▶ Przy dobrej implementacji czas operacji wynosi $O(1)$.
 - ▶ Tablica dynamiczna wymaga „ręcznego” zawijania indeksów.
 - ▶ Lista wiązana działa dzięki pamiętaniu wskaźników.



Kolejka priorytetowa (1)

- ▶ Kolejka w której każdy element ma przypisany priorytet liczbowy.
 - ▶ Ogólniej, elementy są parą klucz-wartość, gdzie na kluczach da się określić relację maksimum (minimum). Klucze muszą mieć więc częściowy porządek.
 - ▶ Priorytetem może być po prostu wartość elementu.
- ▶ O „kolejności” kolejki decyduje priorytet elementów:
 - ▶ Dodawanie elementu e o priorytecie p dodaje go (jakoś) do kolekcji.
 - ▶ Zdejmowanie zawsze zdejmuje element o największym (najmniejszym) priorytecie.
- ▶ Może istnieć wiele elementów o tym samym priorytecie. Różne strategie:
 - ▶ Stabilność – gwarancja zdejmownia takich elementów w kolejności ich dodawania (FIFO).
 - ▶ Niestabilne – brak takiej gwarancji.



Kolejka priorytetowa (2)

Kolejka priorytetowa typu max:

- ▶ $\text{insert}(e,p)$ – dodanie elementu e o priorytecie p .
- ▶ $\text{extract-max}()$ – usunięcie i zwrócenie elementu o największym priorytecie.
- ▶ $\text{find-max}()$ – zwrócenie (podejrzenie) elementu o największym priorytecie.
- ▶ $\text{modify-key}(e,p)$ – zmiana priorytetu elementu e na p . Można podzielić na operacje decrease-key oraz increase-key .

Kolejka priorytetowa typu min jest analogiczna (extract-min zwraca element o najmniejszym priorytecie itp).



Kolejka priorytetowa (3)

- ▶ Pierwszą (naiwną) implementacją kolejki priorytetowej jest wykorzystanie listy, czyli użycie wprost tablicy dynamicznej lub listy wiązanej.
- ▶ Zakładamy, że struktury posiadają odpowiednie usprawnienia, inaczej przedstawione dalej złożoności mogą nie być zawsze spełnione.
- ▶ Implementacja z użyciem listy wiązanej wykorzystuje więcej pamięci i może gorzej współpracować z pamięcią podręczną procesora.
- ▶ Przedstawiona implementacja dotyczy kolejki priorytetowej typu max. Implementacja kolejki typu min jest analogiczna.



Kolejka priorytetowa (4)

- ▶ Dodajemy elementy na koniec jak w zwykłej kolejce FIFO. Przy zdejmowaniu należy znaleźć największy element.
- ▶ Operacje:
 - ▶ $\text{insert}(e,p)$ – za pomocą $\text{addBack}(e)$, czas $O(1)$ (zwykły lub amortyzowany).
 - ▶ $\text{extract-max}()$ – za pomocą przeszukania listy, zwrócenia i usunięcia znalezionej elementu, czas $O(n)$.
 - ▶ $\text{peek}()$ – analogicznie do $\text{extract-max}()$, ale bez usuwania, czas $O(n)$.
 - ▶ $\text{modify-key}(e,p)$ – znalezienie elementu i modyfikacja jego priorytetu, czas $O(n)$.



Kolejka priorytetowa (5)

- ▶ Możemy również odwrócić koncepcję – dodajemy elementy od razu w potrzebne miejsce (jak insert sort), wtedy lista jest posortowana i największy element będzie zawsze na początku.
- ▶ Operacje:
 - ▶ $\text{insert}(e,p)$ – za pomocą wyszukania odpowiedniego miejsca i wstawienia, czas $O(n)$.
 - ▶ $\text{extract-max}()$ – zwracamy i usuwamy pierwszy element, czas $O(1)$ (amortyzowany lub nie).
 - ▶ $\text{peek}()$ – analogicznie do $\text{extract-max}()$, ale bez usuwania, czas $O(1)$ (amortyzowany lub nie).
 - ▶ $\text{modify-key}(e,p)$ – znalezienie elementu, modyfikacja jego priorytetu i przeniesienie elementu w odpowiednie miejsce, czas $O(n)$.